

PROBLEMAS DE TRIGONOMETRÍA

Problema 32:

Deducir $\operatorname{tg}x$ de la ecuación:

$$\cos(a - b) \cdot \operatorname{sen}(c - x) = \cos(a + b) \cdot \operatorname{sen}(c + x)$$

Solución Problema 32:

Para resolverlo emplearemos la fórmula del seno y coseno de la suma y de la diferencia de dos ángulos respectivamente:

$$\cos(a - b) \cdot \operatorname{sen}(c - x) = \cos(a + b) \cdot \operatorname{sen}(c + x)$$

$$(\cos a \cdot \cos b + \operatorname{sen} a \cdot \operatorname{sen} b)(\operatorname{sen} c \cdot \cos x - \cos c \cdot \operatorname{sen} x) = (\cos a \cdot \cos b - \operatorname{sen} a \cdot \operatorname{sen} b)(\operatorname{sen} c \cdot \cos x + \cos c \cdot \operatorname{sen} x)$$

$$\cancel{\cos a \cdot \cos b \cdot \operatorname{sen} c \cdot \cos x} + \operatorname{sen} a \cdot \operatorname{sen} b \cdot \operatorname{sen} c \cdot \cos x - \cos a \cdot \cos b \cdot \cos c \cdot \operatorname{sen} x - \cancel{\operatorname{sen} a \cdot \operatorname{sen} b \cdot \cos c \cdot \operatorname{sen} x} =$$

$$= \cancel{\cos a \cdot \cos b \cdot \operatorname{sen} c \cdot \cos x} - \operatorname{sen} a \cdot \operatorname{sen} b \cdot \operatorname{sen} c \cdot \cos x + \cos a \cdot \cos b \cdot \cos c \cdot \operatorname{sen} x - \cancel{\operatorname{sen} a \cdot \operatorname{sen} b \cdot \cos c \cdot \operatorname{sen} x}$$

$$\operatorname{sen} a \cdot \operatorname{sen} b \cdot \operatorname{sen} c \cdot \cos x - \cos a \cdot \cos b \cdot \cos c \cdot \operatorname{sen} x = -\operatorname{sen} a \cdot \operatorname{sen} b \cdot \operatorname{sen} c \cdot \cos x + \cos a \cdot \cos b \cdot \cos c \cdot \operatorname{sen} x$$

$$2\operatorname{sen} a \cdot \operatorname{sen} b \cdot \operatorname{sen} c \cdot \cos x = 2\cos a \cdot \cos b \cdot \cos c \cdot \operatorname{sen} x$$

Dividiendo por

$$2\operatorname{sen} a \cdot \operatorname{sen} b \cdot \operatorname{sen} c \cdot \cos x$$

PROBLEMAS DE TRIGONOMETRÍA: Problema 32

Para obtener la $\operatorname{tg}x$

$$\frac{\cancel{2}\cos a \cdot \cos b \cdot \cos c \cdot \sin x}{\cancel{2}\sin a \cdot \sin b \cdot \sin c \cdot \cos x} = 1$$

Pero

$$\frac{\sin x}{\cos x} = \operatorname{tg}x$$

Luego,

$$\operatorname{tg}x \frac{\cos a \cdot \cos b \cdot \cos c}{\sin a \cdot \sin b \cdot \sin c} = 1$$

$$\operatorname{tg}x = \frac{\sin a \cdot \sin b \cdot \sin c}{\cos a \cdot \cos b \cdot \cos c} = \operatorname{tga} \cdot \operatorname{tgb} \cdot \operatorname{tgc}$$