PROBLEMAS DE EXPRESIONES ALGEBRÁICAS Y OPERACIONES

Problema 7:

La suma $x^4 - 16$, ¿es divisible por x + 2?. Justifica la respuesta.

Solución Problema 7:

$$x^4 - 16$$

Es una identidad notable, ya que es una diferencia de cuadrados, por lo que se puede descomponer como suma por diferencia:

$$x^4 - 16 = (x^2 - 4)(x^2 + 4)$$

$$(x^2 - 4)$$

Es, igualmente, una identidad notable, ya que es una diferencia de cuadrados, por lo que se puede descomponer como suma por diferencia:

$$(x^2-4) = (x-2)(x+2)$$

Por tanto, podemos poner lo siguiente:

$$\frac{x^4 - 16}{x + 2} = \frac{(x^2 + 4)(x^2 - 4)}{x + 2} = \frac{(x^2 + 4)(x - 2)\frac{(x + 2)}{x + 2}}{\frac{x + 2}{x + 2}} = (x^2 + 4)(x - 2)$$

Sí es divisible por x + 2